

Table of Contents

1 Berechnungen	1
2 Allgemeines	2
3 Grundsätzlicher Aufbau der Ergebnis-Berechnung bei Fragen mit Berechnungen	3
4 Konstante	4
5 Berechnung mit Maxima	5
6 Berechnung mit dem internen Parser	6
6.1 Operatoren.....	6
6.2 Klammern.....	7
6.3 Funktionen.....	7
7 Ergebnisvorschau	13
8 Einheit	14
8.1 Allgemeines zu Einheiten.....	14

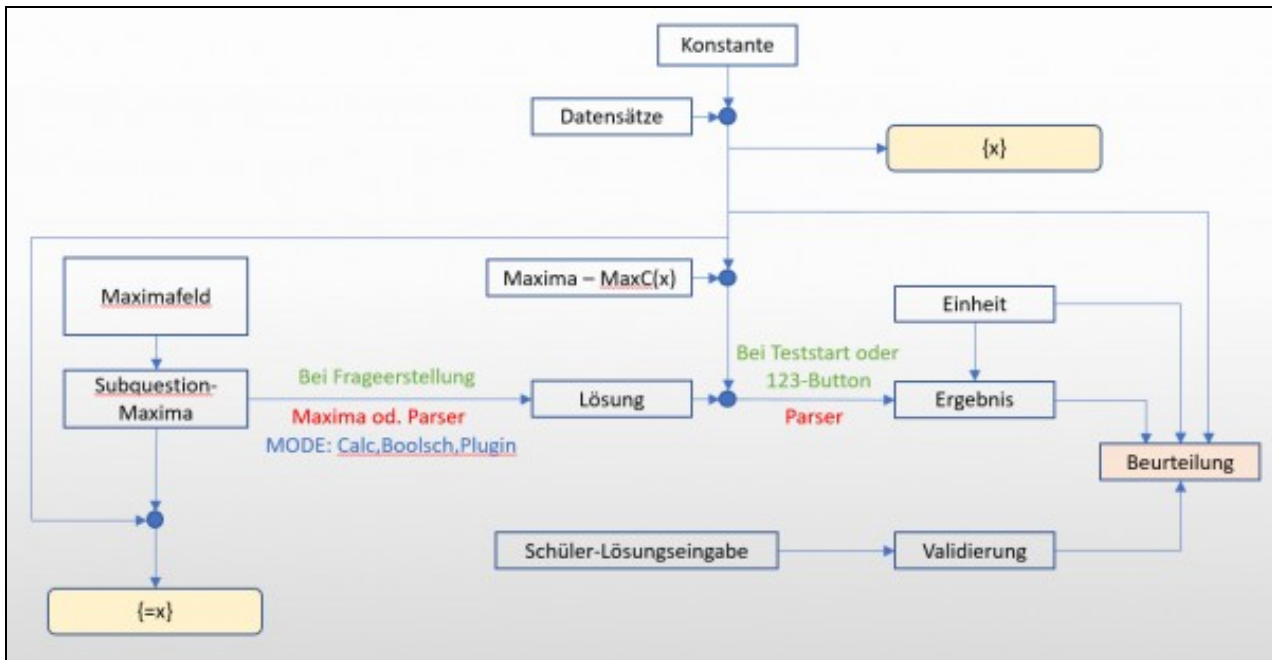
1 Berechnungen

2 Allgemeines

Berechnungen werden in mehreren Bereichen der Frageerstellung verwendet und bilden die Basis für **Berechnungsfrage** und **Mehrfachberechnungsfrage**.

Alle Berechnungen unterstützen **Einheiten** und symbolische Auswertung.

3 Grundsätzlicher Aufbau der Ergebnis-Berechnung bei Fragen mit Berechnungen



Schema der Berechnung
 Die Berechnung und die Beurteilung einer Frage teilt sich in 3 grundsätzliche Schritte:

- Berechnung der geschlossenen Lösung (Formel) aus den Maxima-Feldern
- Berechnung des Ergebnisses einer Frage durch Einsetzen der Zahlenwerte aus den Datensätzen in die geschlossene Lösung
- Beurteilung der Schülereingabe durch Vergleich mit dem Ergebnis

4 Konstante

Alle Konstante welche in Letto definiert sind beginnen mit einem Prozentzeichen. Verwendet man den Variablennamen ohne Prozentzeichen, so wird die Konstante wie eine Variable mit dem Wert der Konstanten verwendet.

Liste der definierten Konstanten:

Name	Wert	Beschreibung
%i	i	komplexer Parameter als Lösung der Gleichung $x^2=-1$
%j	i	komplexer Parameter als Lösung der Gleichung $x^2=-1$
%e	2.718281828459045	Eulersche Zahl
%pi	3.141592653589793	Kreiszahl
%mu0	magnetische Feldkonstante	$4*\%pi*1E-7\text{Vs/Am}'$
%m0	magnetische Feldkonstante (alt, wird bald entfernt werden)	$4*\%pi*1E-7\text{Vs/Am}'$
%epsilon0	elektrische Feldkonstante	$8.85418781762039E-12\text{As/Vm}'$
%e0	elektrische Feldkonstante (alt, wird bald entfernt werden)	$8.85418781762039E-12\text{As/Vm}'$
%c0	Lichtgeschwindigkeit	$299792458\text{m/s}'$
%Qe	Elementarladung	$1.602176620898E-19\text{As}$
%g	Erdbeschleunigung	$9.81\text{m/s}^2'$
%NA	Avogadro Konstante	$6.02214085774E23\text{mol}$
%k	Stefan Bolzman Konstante	$1.3806485279E-23\text{J/K}'$
%R0	Universelle Gaskonstante	$8.314459848\text{J/Kmol}'$
%h	planksches Wirkungsquantum	$6.6260704081E-34\text{Js}$

5 Berechnung mit Maxima

- Maxima wird nur für symbolische Berechnungen bei der Erstellung von Beispielen verwendet. Hierbei wird, wie schon oberhalb im Schema angegeben, zuerst die Moodle.mac geladen, dann das **Maxima-Feld** berechnet und anschließend die Maxima-Felder aller Teilfragen. Das Ergebnis der Berechnung wird dann als symbolischer Ausdruck im Lösungsfeld eingetragen.
- Da zum Zeitpunkt der Maxima-Berechnung keine Datensätze vorhanden sind, kann keine numerische Berechnung in Maxima durchgeführt werden, welche die **Datensätze** benötigt. Dies muss der interne Parser zum Zeitpunkt des Online-Test-Laufes erledigen. Numerische Berechnungen, welche der interne Parser nicht kann können deshalb auch nicht mit Maxima berechnet werden.
- Da das Lösungsfeld, welches mit Maxima berechnet wird symbolisch ausgewertet wird, können in Maxima sämtliche symbolischen Berechnungsverfahren angewendet werden, welche ein symbolisches Ergebnis liefern und keine numerischen Werte der Datensätze benötigen.

6 Berechnung mit dem internen Parser

- Der interne Parser kann durch Wahl der Checkbox "Parser" anstatt von Maxima für die Berechnung des Maxima-Feldes verwendet werden.
- Jedenfalls wird der Parser zur Test-Laufzeit für die Berechnung des Ergebnisses einer Frage aus Lösung und Datensätzen und zum Berechnen der Schülereingabe verwendet.

6.1 Operatoren

6.1.1 VORSICHT mit MAXIMA

- Einige Operatoren sind in **Maxima anders**, oder **nicht definiert**. Möchte man im Maximafeld die Operatoren des Parsers verwenden, so muss das gesamte Maxima-Feld **mit dem Parser gerechnet** werden. Man verliert dadurch jedoch die Vorteile der Maxima-Berechnung.
- Alternativ kann man statt der Operatoren auch **Funktionen verwenden** (zB: ne() statt !=). Diese werden dann von Maxima zwar nicht ausgewertet, die Berechnung bleibt aber trotzdem korrekt und kann mit Maxima durchgeführt werden.
- Es gibt einige Funktionen welche in **Maxima existieren** aber im **Parser nicht, oder mit anderem Syntax**.
 - ◆ Wenn diese von Maxima nicht ausgewertet werden können, da sie **Datensätze** enthalten welche zu Auswertzeitpunkt von Maxima noch **nicht mit Werten belegt** sind, **dürfen sie in der Berechnung nicht verwendet werden**, da der Parser dann damit nichts anfangen kann.
 - ◆ Solche Funktionen haben entweder im Parser eine alternative Schreibweise welche auch mit Maxima verwendet werden kann (z.B.: wenn), oder sie können prinzipiell nicht verwendet werden. (Für wichtige Funktionsweisen könnte man in zukünftigen Versionen neue Funktionalitäten in den Parser einbauen, die die gewünschte Funktion erfüllen)
 - ◆ Ein weiter Möglichkeit für die Verwendung solcher Funktionen ist der Verzicht auf Datensätze in diesen Funktionen, damit diese Funktion beim Auswerten des Maxima-Feldes bereits ausgewertet werden kann und somit der Parser davon nichts mehr sieht.
 - ◆ zB:

if then

6.1.2 Infix Operatoren

6.1.2.1 arithmetische Operatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
+	40	Addition	4+5	9
-	40	Subtraktion	6-2	4
*	50	Multiplikation	4*5	20
/	51	Division	20/4	5
%	51	Divisionsrest	104%20	4
//	60	Parallelschaltung	x // y	x*y/(x+y)
^	90	Potenz	2^3	8
.*	200	Operator der intern für eine fehlende bindende Multiplikation verwendet wird	4x	4*x

6.1.2.2 Bitoperatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
	20	Bitweise oder logisches ODER	9 5 true false	13 true
or	20	Bitweise oder logisches ODER	9 or 5	13
&	21	Bitweise oder logisches UND	13&10	8
and	21	Bitweise oder logisches UND	13 and 10	8
xor	22	Bitweise oder logisches exklusiv oder XOR	13 xor 10	7
imp	23	Bitweise oder logisches impliziert IMP	13 imp 10	8
<<	35	Bitweise links schieben	5<<2	20
>>	35	Bitweise rechts schieben	8>>2	2

6.1.2.3 Vergleichsoperatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel
=	3	Gleichungsoperator	x=y
==	30	Gleichungsoperator	x==y
!=	30	Ungleichungsoperator	x!=y
<	32	Kleiner	x<y
<=	32	Kleiner gleich	x<=y
>	32	größer	x>y
>=	32	größer gleich	x>=y

6.1.2.4 Organisative Operatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
,	0	Listen-Trennzeichen	x,y	
\$	1	Trennzeichen zwischen mehreren Berechnungen		
;	1	Trennzeichen zwischen mehreren Berechnungen		
:	2	Zuweisung an eine Variablen auf der linken Seite	x:5	

6.1.3 Prefix Operatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
+	45	positives Vorzeichen	+5	5
-	45	negatives Vorzeichen	-(-5)	5

~	95	bitweise Inversion einer 64bit-Ganzzahl	~0x0F0F	0xFFFFFFFFFFFF0F0
!	120	logisches NOT	!(3<4)	false
++	130	Inkrement von Ganzzahlen	++x	erhöht x um eins und gibt das Ergebnis nach der Erhöhung zurück
--	130	Dekrement von Ganzzahlen	--x	vermindert x um eins und gibt das Ergebnis nach der Verminderung zurück
%	200	Prefix für Namen, welche als Konstante definiert sind	%pi	3.141592653589793

6.1.4 Suffix Operatoren

Operator	Priorität	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
++	135	Inkrement von Ganzzahlen	x++	erhöht x um eins und gibt den Variablenwert vor der Erhöhung zurück
--	135	Dekrement von Ganzzahlen	x--	vermindert x um eins und gibt den Variablenwert vor der Verminderung zurück

6.2 Klammern

- () runde Klammern werden für mathematische Ausdrücke zur Klammerung verwendet
- {} geschwungene Klammer werden im Angabetext für die Namen der Datensätze verwendet
- [] eckige Klammern werden für Vektoren und Matrizen verwendet

6.3 Funktionen

6.3.1 Funktionen für Ganzzahlen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
band	bitweises UND	band(4,12)	4
bor	bitweises ODER	bor(4,1)	5
bxor	bitweises EXKLUSIV ODER	band(4,5)	1
bimp	bitweises Parameter1 impliziert Parameter2	bimp(13,10)	8
binv	bitweises NICHT mit 8 bit	binv(0x0F)	0xF0
shl	Schiebe Ganzzahl bitweise nach links	shl(8,2)	32
shr	Schiebe Ganzzahl bitweise nach rechts	shr(8,2)	2
div	Ganzzahldivision, Ergebnis wird abgeschnitten	div(5,2)	2
mod	Modulo: Divisionsrest einer Ganzzahldivision	mod(5,2)	1
inv8	bitweise Invertieren und die letzten 8 Bit bestimmen	inv8(0b1001)	0b11110110
inv16	bitweise Invertieren und die letzten 16 Bit bestimmen	inv16(0xF0)	0xFF0F
inv32	bitweise Invertieren und die letzten 32 Bit bestimmen	inv32(0xF0)	0xFFFFFFFF0F
inv64	bitweise Invertieren und die letzten 64 Bit bestimmen	inv64(0xF0)	0xFFFFFFFFFFFF0F
byte	Zahl in eine Ganzzahl wandeln und die letzten 8bit der Zahl Abschneiden, Einheit geht verloren	byte(34.2)	34
word	Zahl in eine Ganzzahl wandeln und die letzten 16bit der Zahl Abschneiden, Einheit geht verloren	word(34.2)	34
int	Zahl in eine Ganzzahl wandeln und die letzten 32bit der Zahl Abschneiden, Einheit geht verloren	int(34.2)	34
long	Zahl in eine Ganzzahl wandeln , Einheit geht verloren	long(34.2)	34
parity	Paritätsberechnung : parity(Parität,Codewortlänge,Datenwort[,Datenwort,...])	parity(even,7,"xy")	
blockparity	Kreuz oder Blockparität : blockparity(Parität,Codewortlänge,Codewortanzahl,Datenwort[,Datenwort,...])	blockparity(even,7,3,"abc")	
bcd	Wandelt in eine Long-Zahl in ein Feld aus BCD-kodierten Zahlen um	bcd(124)	[1,2,4]
code	Code aus mehreren Codeworten zusammensetzen : code(Codewortlänge,Datenwort[,Datenwort,...])	code(5,4,3,5)	0b1000001100101
hamming	Bestimmt den Hamming-Abstand von mehreren Codeworten	hamming(1,2,4,8,16)	2
komplement	Bildet das Zweierkomplement mit einer negativen Zahl mit einer bestimmten Bitanzahl, fehlt die Bitanzahl, so wird ein 32Bit-2er-komplement gebildet	komplement(-5,8)	0b11111011
bitstream	Erzeugt aus einer Ganzzahl einen Bitstrom als String mit einer definierten Anzahl von Bit (MSB werden nötigenfalls mit 0 gefüllt) : bitstream(Daten,Bitanzahl)	bitstream(0x184,12)	"000110000100"

6.3.2 boolsche Funktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
eq	gleich	eq(4,4)	true
eqruntime	symbolischer Vergleich, welcher symbolisch erst bei der Ergebnisberechnung ausgeführt wird. Muss verwendet werden, wenn bei Vergleichen symbolische Antworten von Schülern (Q0,Q1,...) verwendet werden.	eqruntime(x+3*y,3*y+x)	true
ne	ungleich	ne(6,4)	true
ge	größer gleich	ge(6,4)	true
le	kleiner gleich	le(6,4)	false
gt	größer	gt(6,4)	true
lt	kleiner	lt(6,4)	false
between	prüft ob Parameter1 kleiner als Parameter2 und Parameter2 kleiner als Parameter 3	between(3,4,5)	true
land	logisches UND	land(a<b,b<c)	
lor	logisches ODER	lor(a<b,b<c)	
not		not(a<b)	

logisches NICHT. Vorsicht ein symbolisches Ergebnis von Maxima liefert not als Prefix-Operator, welcher vom Parser nicht unterstützt wird (Verwende statt dessen **Inot**)

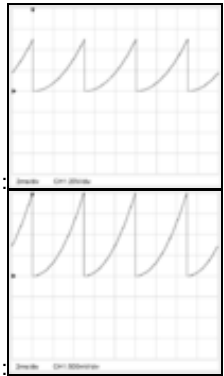
Inot logisches NICHT, wie not jedoch wird es von Maxima nicht ausgewertet

Inot(a<b)

6.3.3 arithmetische Funktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
double	Zahl ein eine Gleitkommazahl umwandeln, die Einheit geht dabei verloren	double(3.4V)	3.4
numeric	verwirft die Einheit, wenn eine vorhanden ist und liefert nur den Zahlenwert	numeric(2.3mA) numeric(5%)	0.0023 5
unit	gibt die SI-Einheit mit dem Zahlenwert 1 zurück	unit(3.1kA) unit(5%)	1A 1%
round	Rundet die Zahl kaufmännisch, der zweite Parameter gibt die Anzahl der Kommastellen an, ohne 2.Parameter wird auf Ganzzahlen gerundet, bei komplexen Zahlen wird Betrag und Winkel in Grad gerundet.	round(23.535,2) round(2.435arg34.5364°,1)	23.54 2.4arg34.5°
ccround	Rundet die Zahl kaufmännisch, der zweite Parameter gibt die Anzahl der Kommastellen an, bei komplexe Zahlen wird Real und Imaginärteil gerundet.	ccround(2.4534+5.645%i,2)	2.45+5.65i
round	Rundet die Zahl kaufmännisch, aus Kompatibilitätsgründen zu Maxima hat round nur einen Parameter	round(23.535)	24
ground	Rundet die Zahl auf die im zweiten Parameter angegebenen gültigen Ziffern	ground(2453.43,2)	2500
floor	Rundet auf die größte ganze Zahl, welche kleiner oder gleich x ist	floor(24.5)	24
trunc	Schneidet die Zahl nach dem Komma ab	trunc(24.5)	24
ceiling	ceiling(x) Rundet auf die kleinste ganze Zahl, welche größer oder gleich x ist	ceiling(13.2)	14
pow	Potenzfunktion	pow(2,3)	8
par	Parallelschaltung von Widerständen	par(x,y)	x*y/(x+y)
min	Minimum von mehrere Werten suchen	min(3,5,1)	1
max	Maximum von mehreren Werten suchen	max(3,5,1)	5
random	Zufallszahl aus einem definierten Zahlenbereich random(minimal,maximal) VORSICHT! Die Zufallszahl wird bei jedem Aufruf neu berechnet, weshalb sich der Wert bei jedem Anzeigevorgang einer Frage ändert. Sollte sich der berechnete Wert für eine Schülerangabe zwischen Fragestellung und Ergebniskontrolle nicht ändern dürfen (ist der Normalfall) muss man einen Datensatz statt einer Zufallszahl verwenden! Zufallszahlen haben in der Ergebnisberechnung keinen Sinn, und sollten maximal für angezeigte zufällige Werte verwendet werden!	random(2,8)	3.4532
randomC	komplexe Zufallszahl aus einem definierten Zahlenbereich für den Betrag VORSICHT! Die Zufallszahl wird bei jedem Aufruf neu berechnet!	randomC(2,8)	3.4532arg40.3°
signum	Liefert das Vorzeichen einer Zahl (-1,0,1). Bei einer komplexen Zahl das Vorzeichen des Realteils.	signum(-4)	-1

6.3.4 erweiterte arithmetische Funktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
sigma	Sprungfunktion: sigma(x) liefert 0 für x<0 und 1 für x>=0	sigma(243.3)	1
interpol	Interpolationsfunktion zwischen mehreren Stützpunkten in einem Koordinatensystem. interpol(WerteX,WerteY,x)	interpol([0,1,2],[0,3,3],1.5)	3
periodic	Erzeugt aus einer beliebigen Funktion zwischen 0 und Periodendauer eine periodische Funktion periodic(Variable,Periodendauer,Funktion) periodic(Variable,Periodendauer,Funktionsperiodendauer,Funktion)	ch1(t):periodic(t,5ms,2*Vms-2*t^2) ch1(t):periodic(t,5ms,1,2V*t^2)	
numint	numerische Integration numint(untereGrenze,obereGrenze,funktion,Variable) numint(untereGrenze,obereGrenze,funktion,Variable,punkteAnzahl)	numint(0,2pi,sin(t),t)	0
numdif	numerisches Differenzieren einer Funktion "funktion" nach einer Variablen "Variable" an der Stelle "position" mit einer Differenz der Variablen von "differenz" numdif(position,funktion,Variable,differenz)	numdif(0,sin(t),t,0.01)	1
solve	löst eine Gleichung oder ein Gleichungssystem nach einer oder mehrerer Variablen	solve([2*x+y=3,x-y=0],[x,y])	[[x=1,y=1]]
solvevalue	löst eine Gleichung oder ein Gleichungssystem nach einer Variablen und liefert genau die erste Lösung wenn sie numerisch berechenbar ist	solvevalue([2*x+y=3,x-y=0],[x,y],x)	1

6.3.5 Stringfunktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
dehex	Zahl in eine Ganzzahl wandeln und als Hexadezimal-String ausgeben	dexhex(12)	"0xC"

chr	Bestimmt die Zeichen mit dem ASC-II-Code der Long-Parameter und setzt daraus einen String zusammen.	chr(0x65,105)	"ei"
val	Bestimmt den ASC-II-Code des ersten Zeichens welches als String-Parameter übergeben wurde.	val("a")	97
strcat	Fügt mehrere Strings zusammen.	strcat("a","b")	"ab"

6.3.6 trigonometrische Funktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
sin	Sinus	sin(%pi/2)	1
cos	Cosinus	cos(%pi/2)	0
tan	Tangens	tan(%pi/4)	1
asin	Arcus-Sinus	asin(1)	%pi/2
arcsin	Arcus-Sinus	asin(1)	%pi/2
acos	Arcus-Cosinus	acos(1)	0
arccos	Arcus-Cosinus	acos(1)	0
atan	Arcus-Tangens	atan(1)	%pi/4
arctan	Arcus-Tangens	arctan(1)	%pi/4
atan2	Arcus-Tangens atan2(x,y)=arctan(y/x)	atan2(-2,-2)	-%pi*3/4
arctan2	Arcus-Tangens arctan2(x,y)=arctan(y/x)	arctan2(-2,-2)	-%pi*3/4
sinh	Sinus-Hyperbolicus	sinh(1)	1.1752012
cosh	Cosinus-Hyperbolicus	cosh(1)	1.5430806
tanh	Tangens-Hyperbolicus	tanh(1)	0.7615941
coth	Cotangens-Hyperbolicus	coth(1)	1.313035
asinh	Area-Sinus-Hyperbolicus	asinh(1.1752012)	1
acosh	Area-Cosinus-Hyperbolicus	acosh(1.5430806)	1
atanh	Area-Tangens-Hyperbolicus	atanh(0.7615941)	1
acoth	Area-Cotangens-Hyperbolicus	acoth(1.313035)	1
csin	Erzeugt aus einer komplexen Zahl (Effektivwert) und einer Frequenz einen Sinusfunktion in der Zeit	csin(U)	sqrt(2)*cabs(U)*sin(2*pi*f*t+carg(U))

6.3.7 Exponentialfunktionen

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
pow	Potenzfunktion	pow(2,3)	8
exp	Exponentialfunktion	exp(1)	%e
log	natürlicher Logarythmus	log(%e)	1
ln	natürlicher Logarythmus	ln(%e)	1
log10	Logarythmus zur Basis 10	log10(100)	2

6.3.8 komplexe Zahlen

Die Funktionen zu komplexen Zahlen werden (anders als in Maxima) nur ausgewertet wenn das Ergebnis numerisch berechenbar ist, ansonsten bleibt die Funktion symbolisch erhalten.

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
abs	Liefert den Absolutbetrag einer komplexen Zahl	abs(3+4*i)	5
cabs	Liefert den Absolutbetrag einer komplexen Zahl	cabs(3+4*i)	5
carg	Liefert das Argument einer komplexen Zahl	arg(4*i*e^(3*i))	3
realpart	Liefert den Realteil einer komplexen Zahl	abs(3+4*i)	3
imagpart	Liefert den Imaginärteil einer komplexen Zahl	abs(3+4*i)	4
conjugate	Liefert die konjugiert komplexe Zahl einer komplexen Zahl	abs(3+4*i)	3-4*i
rectform	wandelt die komplexe Zahl in eine Ansicht mit Real- und Imaginärteil	3+4*i	3+4*i

6.3.9 statistische Funktionen

Die Funktionen funktionieren nur ohne Einheiten.

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
factorial	Liefert die Fakultät einer positiven ganzen Zahl	factorial(5)	120
binomial	Liefert den Binomialkoeffizienten von zwei positiven ganzen Zahlen	binomial(5,2)	10

6.3.10 Mengen-Funktionen

Mengen werden intern als Vektoren verarbeitet und sind deshalb auch direkt durch Vektoren ersetzbar. Auch alle Vektor-Funktionen sind somit auch auf Mengen anwendbar und umgekehrt.

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
setget	liefert ein Element einer Menge oder einer Matrix (Menge von Mengen)	setget([12,13,14],1) setget(matrix([9,2],[3,4]),0,1)	13 2
setset	setzt ein Element einer Menge oder einer Matrix (Menge von Mengen)	setset([12,13,14],1,35) setset(matrix([9,2],[3,4]),0,0,-9)	[12,35,14] [[-9,2],[3,4]]
setinsert	fügt ein Element in eine Menge an eine gegebene Stelle ein	setinsert([12,13,14],1,25)	[12,25,13,14]
setremove	löscht ein Element einer Menge	setremove([12,13,14],1)	[12,14]
setmedian	Liefert den Median einer Menge	setmedian(4,3,1,5,6)	4

setsort	Sortiert die Elemente einer Menge aufsteigend	setsort([3,-3,2,0,5,2])	[-3,0,2,2,3,5]
setsortnd	Sortiert die Elemente einer Menge aufsteigend und entfernt alle mehrfach vorkommenden Elemente	setsortnd([31,-3,2,31,0,5,2])	[-3,0,2,5,31]
setcount	Bestimmt die Anzahl wie oft ein Element in einer Menge vorkommt oder die Anzahl der Elemente der Menge	setcount([31,-3,2,31,0,5,2],31) setcount([2,5,3,6])	2 4
setmodus	Liefert das Element einer Menge, welches am öftesten vorkommt oder die Elemente als Menge wenn mehrere Elemente gleich oft vorkommen	setmodus([3,-3,2,0,5,2])	2
setreverse	Dreht die Reihenfolge einer Menge um	setreverse([3,-3,2,0,5,2])	[2,5,0,2,-3,3]
setnd	Löscht alle Duplikate aus der Menge	setnd([3,-3,2,0,5,2])	[3,-3,2,0,5]
setshuffle	Mischt eine Menge in eine zufällige Reihenfolge	setshuffle([3,-3,2,0,5,2])	[2,0,5,-3,2,3]
setmittel	Bestimmt den Mittelwert einer Menge	setmittel([1,3,2,4])	2.5
setgeomittel	Bestimmt das geometrische Mittelwert einer Menge aus positiven reellen Zahlen	setgeomittel([10,20,30])	18.171206
setvarianz	Bestimmt die empirische Varianz einer Menge	setvarianz([3,1,2,5,4])	$((3-3)^2+(1-3)^2+(2-3)^2+(5-3)^2+(4-3)^2)/5=2$
setquadratmittel	Bestimmt den quadratischen Mittelwert einer Menge	setquadratmittel([10,20,30])	21.6025
setsum	Bestimmt die Summe aller Werte einer Menge	setsum([1,3,2,4])	10
setunion	Fügt mehrere Mengen zu einer neuen Menge zusammen	setunion([1,3,2,4],[3,7])	{1,3,2,4,3,7}
setunionnd	Fügt mehrere Mengen zu einer neuen Menge zusammen, sortiert diese und entfernt alle mehrfachen Elemente	setunionnd([1,3,2,4],[3,7])	{1,2,3,4,7}
setcut	Bildet die Schnittmenge aus mehreren Mengen	setcut([1,3,2,4],[3,7])	{3}
setcompare	vergleicht zwei Mengen miteinander, wobei die Reihenfolge egal ist	setcompare([1,3,2,4],[3,7]) setcompare([1,3,2],[1,2,3]) setcompare([1,3,2],[1,3,2,3]) setcompare([1,2,3],[1,2,3])	false true false true
setcomparend	vergleicht zwei Mengen miteinander, wobei die Reihenfolge egal ist und doppelte Werte als einfach behandelt werden.	setcomparend([1,3,2,4],[3,7]) setcomparend([1,3,2],[1,2,3]) setcomparend([1,3,2],[1,3,2,3]) setcomparend([1,2,3],[1,2,3])	false true true true
setpartof	prüft ob die erste Menge eine Teilmenge der zweite Menge ist wobei die Reihenfolge egal ist aber mehrfache Werte berücksichtigt werden	setpartof([1,4],[1,3,7]) setpartof([1,3],[1,2,3]) setpartof([1,3,3],[1,3,5,7]) setpartof([1,4,4],[1,2,3,4])	false true false false
setpartofnd	prüft ob die erste Menge eine Teilmenge der zweite Menge ist wobei die Reihenfolge und mehrfache Werte egal sind	setpartofnd([1,4],[1,3,7]) setpartofnd([1,3],[1,2,3]) setpartofnd([1,3,3],[1,3,5,7]) setpartofnd([1,4,4],[1,2,3,4])	false true true true
setgetmin	Liefert den kleinsten Wert einer Menge	setgetmin([1,3,-2,4])	-2
setgetmax	Liefert den größten Wert einer Menge	setgetmax([1,3,-2,4])	4
setremovefirst	Entfernt den ersten Wert einer Menge	setremovefirst([1,3,-2,4])	{3,-2,4}
setremovelast	Entfernt den letzten Wert einer Menge	setremovelast([1,3,-2,4])	{1,3,-2}
setgetfirst	Liefert den ersten Wert einer Menge	setgetfirst([1,3,-2,4])	1
setgetlast	Liefert den letzten Wert einer Menge	setgetlast([1,3,-2,4])	4
subset	subset(M,x,y) Liefert eine Teilmenge von M der Elemente vom index x bis zum Index y	subset([1,3,-2,4],1,2)	{3,-2}

6.3.11 Typ-Funktionen

Werden nur dann ausgewertet wenn der Parameter ein numerischer Wert oder eine Menge ist.

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
isset	Prüft ob es sich um eine Menge handelt.	isset([12,13,14])	true
issetnumeric	Prüft ob es sich um eine Menge aus reellen Zahlen handelt.	issetnumeric([12,13.4,14])	true
issetlong	Prüft ob es sich um eine Menge aus ganzen Zahlen handelt.	issetlong([12,13,14])	true
islong	Prüft ob es sich um eine ganze Zahl handelt.	islong(12)	true

6.3.12 Algebra

Hinweis: Die Indizes eines Vektors oder einer Matrix werden in Letto ausgehend von 0 weg gezählt.

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
matrix	erzeugt aus mehreren gleich langen Vektoren eine Matrix	matrix([1,2],[3,4])	[[1,2],[3,4]]
inv	invertiert eine quadratische Matrix oder bildet 1/x	inv(matrix([1,2],[3,4]))	[[2,1],[3/2,-1/2]]
vget	liefert ein Element eines Vektors oder einer Matrix	vget([12,13,14],1) vget(matrix([9,2],[3,4]),0,1)	13 2
vset	setzt ein Element eines Vektors oder einer Matrix	vset([12,13,14],1,35) vset(matrix([9,2],[3,4]),0,0,-9)	[12,35,14] [[-9,2],[3,4]]
vinfosert	fügt ein Element in einen Vektor an eine gegebene Stelle ein	vinfosert([12,13,14],1,25)	[12,25,13,14]
vremove	löscht ein Element eines Vektors	vremove([12,13,14],1)	[12,14]
vin	Berechnet das innere Produkt von 2 Vektoren	vin([1,2,3],[4,5,6])	32
vex	Berechnet das ex-Produkt von 2 Vektoren im 3-dimensionalen Raum	vex([1,2,3],[4,5,6])	[-3,6,-3]
mprod	Bildet das Matrixprodukt aus zwei Matrizen	mprod([[1,2],[3,4]],[[5,6],[7,8]])	[[19,22],[43,50]]

mtrans	Bildet die transponierte Matrix	mtrans([[1,2],[3,4]])	[[1,3],[2,4]]
minv	Bildet die inverse Matrix	minv([[1,2],[3,4]])	[[-2, 1],[3/2, -1/2]]

6.3.13 Variable

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
kill	löscht Variable aus dem Variablenspeicher	kill(x,y) kill(allbut(z)) kill(all)	löscht die Variablen x und y löscht alle Variablen mit Ausnahme von y löscht alle Variable
allbut	Liefert eine Liste aller Variablen des Parsers als Menge(Vektor) mit Ausnahme der als Parameter angegebenen Variablen	allbut(x,y)	[a,b,c]

6.3.14 Auswertung und Programmierung

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
ev	Auswertung eines Ausdruckes, als Parameter können Gleichungen angegeben werden, welche dann in den Ausdruck eingesetzt werden	ev(x*y,y=4)	x*4
evruntime	Auswertung eines Ausdruckes, als Parameter können Gleichungen angegeben werden, welche dann in den Ausdruck eingesetzt werden. Das Einsetzen erfolgt erst bei der Ergebnisberechnung!	evruntime(x*y,y=4)	x*4
if	Bedingungsfunktion if(bedingung,wahrwert,falschwert)	if(4<6,10,12)	10
wenn	Bedingungsfunktion wenn(bedingung,wahrwert,falschwert). Im Prinzip identisch wie if, jedoch kann if mit Maxima nicht verwendet werden.	wenn(4<6,10,12)	10
plugin	Ruft die Berechnungsmethode des Plugins, welches als erster Stringparameter angegeben werden muss auf und übergibt die weiteren Parameter an die Berechnungsmethode des Plugins.	plugin("plugin1",3)	führt die Berechnung des Plugins mit dem Namen "plugin1" mit dem Parameter 3 aus.
symbolic	Bei allen Variablen innerhalb von symbolic werden nur nicht-numerische Werte eingesetzt! Wird vor allem im Angebext bei {= } verwendet	symbolic(x^2+2)	x^2+2
runtime	Bei dieser Funktion wird erst bei der Berechnung der Frageantwort, nach dem Einsetzen der Datensätze das komplette Maxima-Feld mit dem internen Parser durchgerechnet und danach der Parameter-Ausdruck berechnet. Dadurch kann man bei komplizierten Berechnungen eine sehr aufwendige symbolische Berechnung verhindern!	runtime(U)	

6.3.15 Optimierung der Ausdrücke

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
opt	Ausdruck wird vollständig optimiert, die Funktion wird ausgewertet und ist danach nicht mehr vorhanden	opt(x+x)	2*x
ratsimp	Ausdruck wird vollständig optimiert, die Funktion wird ausgewertet und ist danach nicht mehr vorhanden (wie opt)	ratsimp(x+x)	2*x
noopt	Ausdruck wird nicht optimiert, bleibt also so erhalten wie angegeben. Die Funktion an sich geht aber verloren.	noopt(2+3)	2+3
lopt	Im Maximafeld bleibt die Funktion ohne Funktion erhalten, im Ergebnis {= wird die Funktion entfernt und in der Lösung wird nach dem Einsetzen der Werte der Ausdruck vollständig optimiert.	lopt(x+3)	lopt(x+3)
lnoopt	Im Maximafeld bleibt die Funktion ohne Funktion erhalten, im Ergebnis {= wird die Funktion entfernt und in der Lösung wird nach dem Einsetzen der Werte der Ausdruck nicht mehr optimiert.	lnoopt(x+3+2)	lnoopt(x+5)
loptnumeric	Im Maximafeld bleibt die Funktion ohne Funktion erhalten, im Ergebnis {= wird die Funktion entfernt und in der Lösung wird nach dem Einsetzen der Werte der Ausdruck nur numerisch optimiert.	loptnumeric(x+y)	loptnumeric(x+y)
aopt	Bei Maxima und Lösung geht die Funktion verloren, nur innerhalb von noopt bleibt sie erhalten. Bei der Anzeige führt sie zur Optimierung des Ausdruckes nach Einsetzen der Datensätze.	aopt(x)	x

6.3.16 Anzeige und Lösungsberechnung

Diese Funktionen haben entweder einen oder zwei Parameter. Der erste Parameter stellt die darzustellende Funktion dar, der zweite Parameter, welcher eine Ganzzahl sein muss, gibt an, wie die Darstellung erfolgen soll. Wird der 2.Parameter weggelassen, so wird er als 0 interpretiert.

- 0 Bei Berechnungen hat die Funktion keine Wirkung, bleibt aber als Funktion erhalten. Bei Lösung und Anzeige wird die Funktion ausgewertet
- 1 Wirkt nur bei Lösung, bei Berechnungen bleibt die Funktion erhalten
- 2 Wirkt nur bei Anzeige, bei Berechnungen bleibt die Funktion erhalten

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
viewpow	Gibt alle Wurzeln als Potenzen aus, und stellt alle Potenzen im Nenner als negativen Exponenten im Zähler dar	viewpow(sqrt(x))	x^(1/2)
viewsqrt	Gibt Potenzen welche als Wurzel darstellbar sind auch als als Wurzeln mit der Funktion sqrt oder root aus	viewsqrt(x^(1/2))	sqrt(x)


6.3.17 Spezialfunktionen Technik

Funktion	Beschreibung	Beispiel	Ergebnis
color	Widerstandsfarbcode berechnen. 1. Parameter muss ein Double sein 2.Parameter sind die Anzahl der Farbränge 3.Parameter ist der Modus (0..2-St,1..3St,2..Deutsch,3..2StEng,4..3StEng,5..Englisch)	color(120,3,2)	braun,rot,braun
parsecolor	Wandelt einen String mit einem Widerstandsfarbcode in einen Double-Wert	parsecolor("br-rt-br")	120
ip	Wandelt eine Long-Zahl in einen String als IP-Adresse um, oder 4 Byte-Zahlen in eine Long Zahl als IP-32-bit-Adresse	ip(1534536453) ip(10,20,30,40)	"91.119.43.5" 169090600
parseip	Wandelt einen String mit einer IP-Adresse in einen Long-Wert	parseip("91.119.43.5")	1534536453
e12	rundet einen Zahlenwert auf den nächstliegenden Wert der Normreihe E12 . Die Rundung erfolgt geometrisch d.h. der Quotient zwischen Normwert und zu rundendem Wert wird minimiert.	e12(700Ohm)	680Ohm
e12up	rundet einen Zahlenwert auf den nächstgrößeren Wert der Normreihe E12	e12(670Ohm)	680Ohm


e12down	rundet einen Zahlenwert auf den nächstkleineren Wert der Normreihe E12	e12(700Ohm)	680Ohm
ise12	prüft ob der als Parameter übergebenen Wert ein Wert der Normreihe E12 ist.	ise12(680Ohm)	true
norm	rundet einen Zahlenwert auf den nächstliegenden Wert einer gegebenen Wertereihe oder Normreihe . Die Rundung erfolgt geometrisch wenn es sich um eine logarithmisch aufgeteilte Normreihe handelt, oder sonst linear.	norm(700Ohm,E12)	680Ohm
normup	rundet einen Zahlenwert auf den nächstgrößeren Wert einer gegebenen Wertereihe oder Normreihe .	normup(730Ohm,[1,3,5,8])	800Ohm
normdown	rundet einen Zahlenwert auf den nächstkleineren Wert einer gegebenen Wertereihe oder Normreihe .	normdown(700Ohm,E12)	680Ohm
isnorm	prüft ob der als Parameter übergebenen Wert ein Wert einer gegebenen Wertereihe oder Normreihe ist.	isnorm(680Ohm,E12)	true

7 Ergebnisvorschau

Aufruf dieses Dialoges über den -Button aus dem **Toolbar**.

Die Berechnungen aus dem Maxima-Feld bei der **Fragendefinition** können auch über den -Button durchgeführt werden. Hier wird die Berechnung durchgeführt und das Lösungsfeld ausgefüllt, aber der Rechengang wird nicht angezeigt.

```
Ergebnisse der Maxima-Berechnung
(%i1) load("C:/programmieren/java/letto/.metadata/.plugins
/org.eclipse.wst.server.core/tmp3/wtpwebapps/letto/resources
/moodle.mac");
(%o1) "C:/programmieren/java/letto/.metadata/.plugins
/org.eclipse.wst.server.core/tmp3/wtpwebapps/letto/resources
/moodle.mac"
(%i2) i:%i;
(%o2) %i
(%i3) j:%i;
(%o3) %i
(%i4) pi:%pi;
(%o4) %pi
(%i5) e:%e;
(%o5) %e
(%i6) load("functs");
(%o6) "C:\\maxima-5.40.0\\share\\maxima\\5.40.0\\share
\\simplification\\functs.mac"
(%i7) noopt(x) :=x;
(%o7) noopt(x) :=x
```

Beim Fehlersuchen oder bei komplexen Berechnungen kann es aber hilfreich sein, den ganzen Maxima-Lösungsweg zu sehen, dies ist über den -Button möglich.

8 Einheit

8.1 Allgemeines zu Einheiten

- Als Einheit kann jede SI-Grundeinheit und alle davon abgeleiteten Einheiten verwendet werden.
- Eine Einheit kann bei einem **Datensatz**, im **Maxima-Feld**, bei der **Zieleinheit** einer Frage, bei der Lösung, bei der Schülerantwort etc. verwendet werden.
- Fast jede Einheit kann mit einem Einheitenvielfachen versehen werden zB: mA uV kW
- Eine Einheit, welche kein Rechenzeichen beinhaltet kann immer direkt an den Zahlenwert angehängt werden zB: 5A, 30mAs, 4m3
- Eine **Einheit**, welche ein **Rechenzeichen beinhaltet** sollte immer in **einfache Hochkommata** gesetzt werden (Ausnahme ist hier die Schülereingabe von genau einem Zahlenwert, hier können die Hochkommata weggelassen werden) zB: 5'V/m' 29'km/h'

8.1.1 siehe auch

Berechnungen, Maxima, Datensätze, ZielEinheit

8.1.2 Basiseinheiten

Einheit	Name	Dimension	Dimensionssymbol
m	Meter	Länge	l
g	Gramm	Masse	m
s	Sekunde	Zeit	t
A	Ampere	Stromstärke	I
K	Kelvin	Temperatur	T
mol	Mol	Stoffmenge	N
cd	Candela	Lichtstärke	J
Euro	Euro	Währung (keine richtige Einheit aber als Basiseinheit realisiert)	W
Dollar	Dollar	Währung2 (keine richtige Einheit aber als Basiseinheit realisiert)	X

8.1.3 Einheiten

8.1.3.1 Grundeinheiten:

Einheit	Name	Basiseinheit	Größe	Dimensionssymbol
N	Newton	kgm/s ²	Kraft	F
W	Watt	kgm ² /s ³	Leistung	Q
V	Volt	kgm ² /As ³	elektrische Spannung	U
VAr	Volt-Ampere-Reaktiv	kgm ² /s ³	Bildleistung	Q
var	Volt-Ampere-Reaktiv	kgm ² /s ³	Bildleistung	Q
VA	Volt-Ampere	kgm ² /s ³	Scheinleistung	S
Ohm	Ohm	kgm ² /A ² s ³	elektrischer Widerstand	R
C	Coulomb	As	elektrische Ladung	Q
S	Siemens	A ² s ² /kgm ²	elektrischer Leitwert	G
Pa	Pascal	kg/ms ²	Druck	p
H	Henry	kgm ² /A ² s ²	Induktivität	L
F	Farad	A ² s ⁴ /kgm ²	Kapazität	C
T	Tesla	kg/As ²	magnetische Induktion	B
Hz	Herz	1/s	Frequenz	f
Bd	Baud	1/s	Baudrate bei Datenübertragung	BR
J	Joule	kgm ² /s ²	Arbeit	W
Wb	Weber	kgm ² /As ²	magnetischer Fluss	Phi
lm	Lumen	cd	Lichtstrom cd/sr	I
lx	lux	lm/m ²	Beleuchtungsstärke	L
Bq	Becquerel	1/s	Radioaktivität	Ra
Gy	Gray	J/kg	Energiedosis	Ed
Sv	Sievert	J/kg	Äquivalenzdosis	Da
kat	Katal	mol/s	Katalytische Aktivität	Kat

8.1.3.2 nicht SI-Einheiten:

Einheit	Name	Basiseinheit	Größe(Symbol)	Faktor
min	Minute	s	Zeit	60
h	Stunde	s	Zeit	3600
day	Tag	s	Zeit	3600*24
month	Monat	s	Zeit	3600*24*30
year	Jahr	s	Zeit	3600*24*365
Upm	Umdrehungen pro Minute	1/s	Drehzahl(n)	1/60
inch	Zoll	m	Länge	0.0254
th	tausendstel Zoll	m	Länge	0.0000254

mil	tausendstel Zoll	m	Länge	0.0000254
Mx	Maxwell	kgm ² /As ²	magnetischer Fluß	1e-8
°C	Grad Celsius	K	Temperatur	*1+273.15
t	Tonne	kg	Masse	1000
bar	Bar	kg/ms ²	Druck	1e5
l	Liter	m ³	Volumen	1e-3
?	Euro	Euro	Währung	1
\$	Dollar	Dollar	Währung ²	1
Eurocent	Eurocent	Euro	Währung	0.01

8.1.3.3 Winkel: Hier sind keine Einheitenvielfachen erlaubt!

Einheit	Name	Basiseinheit	Faktor zu Basiseinheit
	Radian	1	1
°	Grad	1	%pi/180
'	Bogenminute	1	%pi/180/60
''	Bogensekunde	1	%pi/180/3600
pi	Radian	1	%pi
sr	Steradian	1	1

8.1.3.4 Sondereinheiten für Einheitenlose Größen: Hier sind keine Einheitenvielfachen erlaubt!

Einheit	Name	Beschreibung/Faktor zu 1
dB	Dezibel	Einheit für Einheitenlose logarithmische Größen
%	Prozent	0.01
promille	Promille	0.001
ppm	parts per million	1e-6
°	Grad	pi/180

8.1.3.5 Sondereinheiten Digitaltechnik:

Byte

Bit

8.1.4 Dimensionen, die kein eigenes Einheitenzeichen haben, aber trotzdem definiert sind

Größe	Dimensionssymbol	Einheit
magnetische Feldstärke	H	A/m
elektrische Feldstärke	E	V/m
elektrische Flußdichte	D	As/m ²
spezifischer Widerstand	rho	Ohm*mm ² /m
spezifischer Leitwert	gamma	Sm/mm ²
magnetische Permeabilität	mu	Vs/Am
elektrische Permittivität	epsilon	As/Vm
Widerstandsbelag	Rs	Ohm/m
Induktivitätsbelag	Ls	H/m
Kapazitätsbelag	Cs	F/m
Leitwertsbelag	Gs	S/m
Fläche	A	m ²
Volumen	V	m ³
Drehmoment	M	Nm
Geschwindigkeit	v	m/s
Beschleunigung	a	m/s ²
Winkelgeschwindigkeit	omega	rad/s
Winkelbeschleunigung	alpha	rad/s ²
Impuls	p	Ns
Dichte	rho	kg/m ³
Wichte	Y	N/m ³
Elastizitätsmodul	E	N/m ²
dynamische Viskosität	rho	Ns/m ²
kinematische Viskosität	v	m ² /s
Trägheitsmoment	J	kgm ²
Widerstandsmoment	W	m ³
mechanische Spannung	sigma	N/m ²
spezifische Wärmekapazität	c	kJ/kgK
Wärmekapazität	C	J/K
thermischer Widerstand	Rth	K/W

8.1.5 Einheitenvielfache

Zeichen	Name	Faktor
y	Yocto	1e-24

z	Zepto	1e-21
a	Atto	1e-18
f	Femto	1e-15
p	Piko	1e-12
n	Nano	1e-9
u	Mikro	1e-6
m	Milli	1-3
c	Zenti	0.01
d	Dezi	0.1
da	Deka	10
h	Hekto	100
k	Kilo	1e3
M	Mega	1e6
G	Giga	1e9
T	Tera	1e12
P	Peta	1e15
E	Exa	1e18
Z	Zetta	1e21
Y	Yotta	1e24